

## Úlohy, které budou řešeny na cvičení

### 12.1 Příklad

Je dán zásobníkový automat  $A = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, Z_0, F)$ , kde jednotlivé části jsou  $Q = \{q_0, q_1, q_2, q_f\}$ ,  $\Sigma = \{a, b\}$ ,  $\Gamma = \{Z_0, X\}$  a přechodová funkce je daná tabulkou

	$(a, Z_0)$	$(a, X)$	$(b, Z_0)$	$(b, X)$	$(\varepsilon, Z_0)$	$(\varepsilon, X)$
$\rightarrow q_0$	$(q_0, XZ_0)$	$(q_0, XX)$	$(q_1, Z_0)$	$(q_1, \varepsilon)$	$(q_f, \varepsilon)$	—
$q_1$	—	—	$(q_1, Z_0)$	$(q_1, \varepsilon)$	$(q_f, \varepsilon)$	—
$\leftarrow q_f$	—	—	—	—	—	—

- Nakreslete stavový diagram zásobníkového automatu  $A$ .
- Ukažte práci zásobníkového automatu nad slovem  $aabba$  a slovem  $abbb$ .
- Charakterizujte jazyk  $L$ , který tento zásobníkový automat přijímá. Tvrzení zdůvodněte.

### 12.2 Příklad

Je dán jazyk  $L$  nad abecedou  $\Sigma = \{a, b\}$ . Sestrojte zásobníkové automaty  $A, B$  tak, že  $L = N(A)$  a  $L = L(B)$  (tj.  $A$  přijímá  $L$  prázdným zásobníkem,  $B$  přijímá  $L$  koncovým stavem), kde

$$L = \{(ab)^i b^j a^{j-i} \mid 0 < i < j\}.$$

### 12.3 Příklad

Je dán jazyk  $L$  nad abecedou  $\Sigma = \{0, 1\}$ . Sestrojte zásobníkové automaty  $A, B$  tak, že  $L = N(A)$  a  $L = L(B)$  (tj.  $A$  přijímá  $L$  prázdným zásobníkem,  $B$  přijímá  $L$  koncovým stavem), kde

$$L = \{w \mid w \text{ začíná a končí symbolem } 1 \text{ a obsahuje o dvě } 1 \text{ více než } 0\}.$$

### 12.4 Příklad

Je dán jazyk  $L = \{0^n 1^m \mid 0 \leq n \leq m \leq 2n\}$ . Rozhodněte, zda jazyk  $L$  je bezkontextový.

V případě, že je bezkontextový, najdete bud' bezkontextovou gramatiku, která ho generuje, nebo zásobníkový automat, který ho přijímá. V případě, že není bezkontextový, tvrzení dokažte.

## Samostatná práce

### 12.5 Příklad

Je dán jazyk  $L$ . Sestrojte zásobníkové automaty  $A, B$  tak, že  $L = N(A)$  a  $L = L(B)$  (tj.  $A$  přijímá  $L$  prázdným zásobníkem,  $B$  přijímá  $L$  koncovým stavem), kde

$$L = \{w \in \{a, b\}^* \mid |w|_a = |w|_b - 1\}.$$