

**Odpovídejte celou větou (na každou otázku) a každé své tvrzení řádně zdůvodněte. Všechny potřebné pojmy řádně definujte.**

**Maximální zisk je 20 bodů, k úspěchu je třeba zisk alespoň 8 bodů.**

1. [MAX. ZISK: 8 BODŮ] Zformalizujte co nejuvěrněji v predikátové logice větu: "*Každé sudé číslo má lichého předchůdce i následníka.*"  
Popište jazyk a interpretaci (každý pojem ať má svůj speciální symbol). Sestrojte příslušnou formuli.
2. [MAX. ZISK: 4 BODY] Definujte, kdy je formule predikátové logiky *sentence*. Popište jazyk, pro který jsou všechny následující řetězce *sentencemi*:  
 $\alpha = \forall x(P(x) \Rightarrow Q(f(x))), \beta = \exists x(P(x) \wedge R(x, a)), \gamma = \forall y(Q(f(y)) \Leftrightarrow \neg R(y, a))$ .
3. [MAX. ZISK: 8 BODŮ] Resolučním algoritmem rozhodněte, zda je množina *sentencí*  $S = \{\alpha, \beta, \gamma\}$  *splnitelná*, přitom  $\alpha, \beta, \gamma$  jsou formule z příkladu 2 (viz výše).

LGR: Ukázka 2. semestrálního testu