

Nácvik odhadu řešení pro speciální pravou stranu

Tabulka obsahuje levé strany $L[y]$ diferenciálních rovnic ve sloupcích a speciální pravé strany $b(x)$ v řádcích. V jednotlivých polích doplňte odhad správného tvaru partikulárního řešení příslušné lineární ODR $L[y] = b(x)$.

$y''' - 4y ='$ $\lambda = 0, -2, 2$ $\{1, e^{-2x}, e^{2x}\}$	$y''' + 4y' =$ $\lambda = 0, \pm 2i$ $\{1, \sin(2x), \cos(2x)\}$	$y'' - 2y' + 2y =$ $\lambda = 1 \pm i$ $\{e^x \sin(x), e^x \cos(x)\}$	$y'' - 4y' + 4y =$ $\lambda = 2 (2\times)$ $\{e^{2x}, x e^{2x}\}$	$L(y) = /$ $/ = b(x)$ $/ \alpha + \beta i$
				$= x e^{2x} \sin(x)$
				$2 \pm 1j = 2 \pm j$
				$= x e^{2x}$
				$2 \pm 0j = 2$
				$= 13 \sin(2x)$
				$0 \pm 2j = \pm 2j$
				$= 5x^2 - 1$
				$0 \pm 0j = 0$
				$= e^x \cos(x)$
				$1 \pm j$
				$= e^x - 3e^{2x}$
				$1, 2$
				$= 7x - \cos(3x)$
				$0, \pm 3j$
				$= 2e^x + \sin(2x)$
				$1, \pm 2j$
				$= 1 + x e^{-2x}$
				$0, -2$
				$= \sin(2x) + \cos(x)$
				$\pm 2j, \pm j$
				$= x e^{-2x} - 3 + e^{2x}$
				$-2, 0, 2$

Odpovědi

$y''' - 4y ='$ $\lambda = 0, -2, 2$ $\{1, e^{-2x}, e^{2x}\}$	$y''' + 4y' =$ $\lambda = 0, \pm 2i$ $\{1, \sin(2x), \cos(2x)\}$	$y'' - 2y' + 2y =$ $\lambda = 1 \pm i$ $\{e^x \sin(x), e^x \cos(x)\}$	$y'' - 4y' + 4y =$ $\lambda = 2 (2 \times)$ $\{e^{2x}, x e^{2x}\}$	$L(y) = /$ $/ = b(x)$ $/ \alpha + \beta i$
$(A+Bx)e^{2x} \sin(x)$ $+(C+Dx)e^{2x} \cos(x)$ $x(A+Bx)e^{2x}$	$(A+Bx)e^{2x} \sin(x)$ $+(C+Dx)e^{2x} \cos(x)$ $(A+Bx)e^{2x}$	$(A+Bx)e^{2x} \sin(x)$ $+(C+Dx)e^{2x} \cos(x)$ $(A+Bx)e^{2x}$	$(A+Bx)e^{2x} \sin(x)$ $+(C+Dx)e^{2x} \cos(x)$ $x^2(A+Bx)e^{2x}$	$= x e^{2x} \sin(x)$ $2 \pm 1i = 2 \pm i$ $x e^{2x}$ $2 \pm 0i = 2$
$A \sin(2x)$ $+B \cos(2x)$ $x[A+Bx+Cx^2]$	$x[A \sin(2x)$ $+B \cos(2x)]$ $x[A+Bx+Cx^2]$	$A \sin(2x)$ $+B \cos(2x)$ $A+Bx+Cx^2$	$A \sin(2x)$ $+B \cos(2x)$ $A+Bx+Cx^2$	$= 13 \sin(2x)$ $0 \pm 2i = \pm 2i$ $= 5x^2 - 1$ $0 \pm 0i = 0$
$A e^x \sin(x)$ $+B e^x \cos(x)$ $A e^x + xB e^{2x}$	$A e^x \sin(x)$ $+B e^x \cos(x)$ $A e^x + B e^{2x}$	$x[A e^x \sin(x)$ $+B e^x \cos(x)]$ $A e^x + B e^{2x}$	$A e^x \sin(x)$ $+B e^x \cos(x)$ $A e^x + x^2 B e^{2x}$	$= e^x \cos(x)$ $1 \pm i$ $= e^x - 3e^{2x}$ $1, 2$
$x(A+Bx)+C \sin(3x)$ $+D \cos(3x)$ $A e^x + B \sin(2x)$ $+C \cos(2x)$	$x(A+Bx)+C \sin(3x)$ $+D \cos(3x)$ $A e^x + x[B \sin(2x)$ $+C \cos(2x)]$	$A+Bx+C \sin(3x)$ $+D \cos(3x)$ $A e^x + B \sin(2x)$ $+C \cos(2x)$	$A+Bx+C \sin(3x)$ $+D \cos(3x)$ $A e^x + B \sin(2x)$ $+C \cos(2x)$	$= 7x - \cos(3x)$ $0, \pm 3i$ $= 2e^x + \sin(2x)$ $1, \pm 2i$
xA $+x(B+Cx)e^{-2x}$ $A \sin(2x) + B \cos(2x)$ $+C \sin(x) + D \cos(x)$	$xA + (B+Cx)e^{-2x}$ $x[A \sin(2x) + B \cos(2x)]$ $+C \sin(x) + D \cos(x)$	$A + (B+Cx)e^{-2x}$ $A \sin(2x) + B \cos(2x)$ $+C \sin(x) + D \cos(x)$	$A + (B+Cx)e^{-2x}$ $A \sin(2x) + B \cos(2x)$ $+C \sin(x) + D \cos(x)$	$= 1 + x e^{-2x}$ $0, -2$ $= \sin(2x) + \cos(x)$ $\pm 2i, \pm i$
$x(A+Bx) e^{-2x}$ $+Cx + xDe^{2x}$	$(A+Bx) e^{-2x}$ $+Cx + De^{2x}$	$(A+Bx) e^{-2x}$ $+C + De^{2x}$	$(A+Bx) e^{-2x}$ $+C + x^2 De^{2x}$	$= x e^{-2x} - 3 + e^{2x}$ $-2, 0, 2$