

7. cvičení z STP

1. - 5. duben 2019

Příklady 6.1, 6.2.

Příklad 7.1 Při numerickém výpočtu se reálná čísla zaokrouhlují na jedno desetinné místo. Jaká je pravděpodobnost, že vzdálenost skutečného čísla od zaokrouhleného bude větší než 0.04?

Řešení:

V tomto příkladu se na chvíli vrátíme k pojmu pravděpodobnostní prostor, který jsme v předchozích příkladech (přímo) nevyužívali, a řešení uděláme trochu detailněji.

Podobně jako v **Příkladu 2.2** budeme předpokládat, že vstupní hodnoty (tj. čísla, která budeme zaokrouhlovat) pocházejí z nějakého referenčního intervalu $\Omega \subseteq \mathbb{R}$ délky 0.1, na kterém máme geometrickou pravděpodobnost, nejlépe $\Omega = \langle 0, 0.1 \rangle$.

Označme si teď náhodnou veličinu $X : \Omega \rightarrow \mathbb{R}$ jako

$$X = \text{“skutečná hodnota”} - \text{“zaokrouhlená hodnota”}$$

tj. pro $\omega \in \Omega = \langle 0, 0.1 \rangle$ to funguje jako

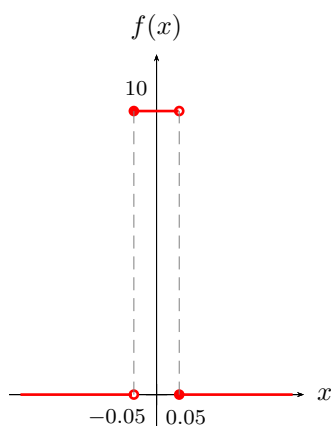
$$X(\omega) = \begin{cases} \omega & \text{pro } 0 \leq \omega < 0.05, \\ \omega - 0.1 & \text{pro } 0.05 \leq \omega \leq 0.1. \end{cases}$$

Veličina X má tedy své hodnoty v intervalu $\langle -0.05, 0.05 \rangle$ a (jak se dá snadno spočítat) X má na tomto intervalu rovnoměrné rozdělení, tedy

$$X \sim \text{Ro}(-0.05, 0.05)$$

a její hustota pravděpodobnosti je proto

$$f(x) = \begin{cases} 10 & , -0.05 \leq x < 0.05 \\ 0 & , \text{jinak.} \end{cases}$$



Hledaná pravděpodobnost je

$$\begin{aligned} P(|X| > 0.04) &= 1 - P(|X| \leq 0.04) = 1 - P(-0.04 \leq X \leq 0.04) = \\ &= 1 - \int_{-0.04}^{0.04} 10 \, dx = 1 - 10 \cdot 0.08 = 0.2 . \end{aligned}$$