

8. cvičení z Matematické analýzy 2

20. - 24. listopadu 2017

8.1 Najděte poloměr konvergence následujících mocninných řad:

(a) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n + (-2)^n}{n} (x+1)^n$

(b) $\sum_{n=1}^{\infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{n^2} x^n$

(c) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{a^{\sqrt{n}}}$, pro $a > 0$

(d) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(3+(-1)^n)^n}{n} x^n$

(e) $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{x}{\sin n}\right)^n$

(f) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n!)^2}{(2n)!} x^n$

8.2 Sečtěte následující mocninné řady na otevřeném intervalu konvergence (tj. vyjádřete je pomocí známých elementárních funkcí):

(a) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n(n+1)}$

(b) $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^2 x^n$

(c) $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^{4n+1}}{4n+1}$

(d) $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n n}{(2n+1)!} x^{2n+1}$

(e) $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n^2+1}{2^n \cdot n!} x^n$

(f) $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{2n+1}{n!} x^{2n}$

8.3 Rozvíňte následující funkce do mocninné řady se středem v $x_0 = 0$:

(a) $f(x) = \cos^2 x$

(b) $f(x) = \frac{x}{1+x-2x^2}$

(c) $f(x) = \frac{1}{1+x+x^2}$

(d) $f(x) = \frac{1}{1-x-x^2}$

(e) $f(x) = \frac{1}{(1-x)^2}$

(f) $f(x) = e^x \cos x$

(g) $f(x) = \arcsin x$