

## 6. cvičení z PST

Matěj Novotný

25.3.2019

**G1** Z kruhu o poloměru  $r$  náhodně vyberu bod  $a$ . Veličina  $X$  je vzdálenost bodu  $a$  od středu kruhu. Určete její distribuční funkci  $F_X$ , hustotu  $f_X$ , střední hodnotu  $\mathbb{E}X$  a rozptyl  $D X$ .

**G2** Z intervalu  $[0, 2]$  náhodně vyberu číslo  $a$ . Veličina  $X$  je rovna ploše čtverce o straně  $a$ . Nalezněte  $\mathbb{E}X$ ,  $D X$  a určete  $F_X$ .

**G3** Náhodná veličina  $X$  má distribuční funkci

$$F_X(u) = \begin{cases} \frac{e^{cu}}{2} & u < 0, \\ 1 - \frac{e^{-cu}}{2} & u \geq 0. \end{cases}$$

1. Co musí splňovat konstanta  $c$ ?
2. Nalezněte  $\mathbb{E}X$ ,  $D X$ .
3. Určete pravděpodobnosti  $P(X \leq 0)$ ,  $P(X^2 < 1)$ ,  $P(X = 3)$ ,  $P(X \in [0, \log 3])$ .